

diskrete Übertragungsfunktion

Übertragungsfunktion des Grundgliedes

$$H_1(s) = \frac{K}{(1+T_1 \cdot s) \cdot (1+T_2 \cdot s)}$$

Abtast- und Halteglied

$$H_2(s) = \frac{1 - e^{-s \cdot T_0}}{s}$$

Übertragungsfunktion

$$H(s) = \frac{1 - e^{-s \cdot T_0}}{s} \cdot \frac{K}{(1+T_1 \cdot s) \cdot (1+T_2 \cdot s)}$$

Eingangssprung

$$U(s) = \frac{1}{s} \quad U(z) = \frac{z}{z-1}$$

Rücktransformation

$$x(k) = \frac{\left(T_1 \cdot K \cdot e^{\frac{-k \cdot T_0}{T_1}} + (T_2 - T_1) \cdot K - T_2 \cdot K \cdot e^{\frac{-k \cdot T_0}{T_2}} \right)}{T_2 - T_1}$$

Beispiel

$$T_1 := 1 \quad T_2 := 0.2 \quad K := \frac{1}{8}$$

Abtastzeit

$$T_0 := 0.1$$

Vektor

$$k := 0, 1..50 \quad t := 0, 0.01..10$$

Strecke zeitdiskret:

$$x_1(k) := \frac{\left(T_1 \cdot K \cdot e^{\frac{-k \cdot T_0}{T_1}} + (T_2 - T_1) \cdot K - T_2 \cdot K \cdot e^{\frac{-k \cdot T_0}{T_2}} \right)}{T_2 - T_1}$$

Strecke kontinuierlich:

$$x_2(t) := \frac{-\left(T_2 \cdot K \cdot e^{\frac{-t}{T_2}} \right) + T_1 \cdot K \cdot e^{\frac{-t}{T_1}} + (T_2 - T_1) \cdot K}{T_2 - T_1}$$

